

Họ và tên học sinh: Lớp:

Số báo danh: Phòng số:

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (5 điểm): từ câu 1 đến câu 25.**Câu 1:** Với mọi a, b . Khẳng định nào dưới đây đúng?

A. $\cos(a+b) = \cos a \cos b + \sin a \sin b$.

B. $\cos(a+b) = \cos a \sin b - \sin a \cos b$.

C. $\sin(a+b) = \sin a \sin b + \cos a \cos b$.

D. $\sin(a+b) = \sin a \cos b + \sin b \cos a$.

Câu 2: Biểu thức $f(x) = (2-x)(2x+1)$ dương khi x thuộc tập nào?

A. $(-\frac{1}{2}; 2)$

B. $[\frac{-1}{2}; 2]$

C. $[\frac{-1}{2}; 2)$

D. $(-\frac{1}{2}; 2]$

Câu 3: Dấu của tam thức bậc 2: $f(x) = -x^2 + 5x - 6$ được xác định như sau:

A. $f(x) < 0$ với $2 < x < 3$ và $f(x) > 0$ với $x < 2$ hoặc $x > 3$

B. $f(x) > 0$ với $2 < x < 3$ và $f(x) < 0$ với $x < 2$ hoặc $x > 3$

C. $f(x) < 0$ với $-3 < x < -2$ và $f(x) > 0$ với $x < -3$ hoặc $x > -2$

D. $f(x) > 0$ với $-3 < x < -2$ và $f(x) < 0$ với $x < -3$ hoặc $x > -2$

Câu 4: Với mọi a . Khẳng định nào dưới đây sai?

A. $\cos^2 a - \sin^2 a = \cos 2a$.

B. $2\cos^2 a = \cos 2a + 1$.

C. $2\sin^2 a = 1 - \cos 2a$.

D. $\sin a \cos a = 2 \sin 2a$.

Câu 5: Tập nghiệm của bất phương trình: $x^2 - 2x + 3 > 0$ là:

A. $(-1; 3)$

B. \mathbb{R}

C. \emptyset

D. $(-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$

Câu 6: Đường thẳng $x - 5y + 1 = 0$ có một vector pháp tuyến là:

A. $\vec{n} = (-5; 1)$

B. $\vec{n} = (5; 1)$

C. $\vec{n} = (1; -5)$

D. $\vec{n} = (1; 5)$

Câu 7: Với điều kiện của α đã được thỏa mãn. Chọn khẳng định sai?

A. $1 + \tan^2 \alpha = 1 / \cos^2 \alpha$.

B. $\tan \alpha \cot \alpha = -1$

C. $1 + \cot^2 \alpha = 1 / \sin^2 \alpha$

D. $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$.

Câu 8 : Tìm m để $f(x) = x^2 - 2(2m - 3)x + 4m - 3 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$?

A. $1 < m < 3$

B. $\frac{3}{4} < m < \frac{3}{2}$

C. $m > \frac{3}{4}$

D. $m > \frac{3}{2}$

Câu 9 : Cho hệ bất phương trình $\begin{cases} x + 2y - 3 < 0 \\ 2x + y - 2 > 0 \end{cases}$. Điểm nào sau đây thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình đã cho?

A. $M(2;3)$

B. $N(2;2)$

C. $Q(-1;-5)$

D. $P(3;-1)$

Câu 10 : Bất phương trình $25x - 5 > 2x + 15$ có tập nghiệm là:

A. $\forall x$

B. $x > \frac{20}{23}$

C. $x > \frac{-5}{2}$

D. $x < 2$

Câu 11 : Giá trị $\sin\left(\frac{\pi}{3} + k2\pi\right)$ bằng:

A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$

B. 0

C. $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

~~D.~~ $\frac{1}{2}$

Câu 12 : Đường thẳng Δ đi qua hai điểm $A(3;-2), B(-1;3)$ có VTCP là:

A. $\vec{u} = (-4;5)$.

B. $\vec{u} = (3;5)$.

C. $\vec{u} = (-4;-5)$.

D. $\vec{u} = (-3;5)$.

Câu 13 : Tìm một vector chỉ phương của đường thẳng $d: \begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 3 - 5t \end{cases}$

A. $\vec{u} = (5;2)$

B. $\vec{u} = (2;-5)$

C. $\vec{u} = (-3;1)$

D. $\vec{u} = (-1;3)$

Câu 14 : Bán kính của đường tròn tâm $I(-2;-1)$ và tiếp xúc với đường thẳng $4x - 3y + 10 = 0$ là

A. $R = \frac{1}{5}$

B. $R = 3$

C. $R = \sqrt{5}$

D. $R = 1$

Câu 15 : Tập nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} 2x - 3 > x + 5 \\ -4x - 2 < -3x - 1 \end{cases}$ là:

A. $S = (-\infty; -1)$

B. $S = [8; +\infty)$

C. $S = (-1; 8)$

D. $S = (8; +\infty)$

Câu 16 : Trong mặt phẳng Oxy cho hai điểm $A(1;-3), B(-2;5)$. Viết phương trình tổng quát của đường thẳng đi qua hai điểm A, B

A. $-3x + 8y - 30 = 0$

B. $-3x + 8y + 30 = 0$

C. $8x + 3y + 1 = 0$

D. $8x + 3y - 1 = 0$

Câu 17 : Cho góc α thỏa mãn $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$. Chọn khẳng định đúng

- A. $\sin \alpha < 0$ B. $\sin \alpha > 0$ C. $\tan \alpha > 0$ D. $\cos \alpha > 0$

Câu 18 : Cho góc α thỏa mãn $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$. Chọn khẳng định đúng

- A. $\cos \alpha > 0$ B. $\cos \alpha < 0$ C. $\tan \alpha < 0$ D. $\sin \alpha < 0$

Câu 19 : Khoảng cách từ điểm $M(5; -1)$ đến đường thẳng $3x + 2y + 13 = 0$ là:

- A. $\frac{\sqrt{13}}{2}$ B. 2 C. $2\sqrt{13}$ D. $\frac{28}{\sqrt{13}}$

Câu 20 : Trong mặt phẳng Oxy cho $(C): (x-3)^2 + (y+2)^2 = 9$. Tọa độ tâm I và bán kính R của đường tròn (C) là

- A. $I(-2; 3), R = 3$ B. $I(-3; 2), R = 3$ C. $I(2; -3), R = 3$ D. $I(3; -2), R = 3$.

Câu 21 : Đường tròn tâm $I(-1; 2)$ và đi qua điểm $A(3; 4)$ có phương trình là:

- A. $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 20$ B. $(x+1)^2 + (y-2)^2 = \sqrt{20}$
C. $(x-3)^2 + (y-4)^2 = 20$ D. $(x-1)^2 + (y+2)^2 = 20$

Câu 22 : Cho biểu thức $f(x) = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ và $\Delta = b^2 - 4ac$. Chọn khẳng định đúng?

- A. Khi $\Delta < 0$ thì $f(x)$ cùng dấu với hệ số a với mọi $x \in \mathbb{R}$.
B. Khi $\Delta = 0$ thì $f(x)$ trái dấu với hệ số a với mọi $x \neq -\frac{b}{2a}$
C. Khi $\Delta > 0$ thì $f(x)$ luôn trái dấu hệ số a với mọi $x \in \mathbb{R}$.
D. Khi $\Delta < 0$ thì $f(x)$ cùng dấu với hệ số a với mọi $x \neq -\frac{b}{2a}$.

Câu 23 : Tập nghiệm của bất phương trình $\frac{2x-3}{3} > \frac{x-1}{2}$ là

- A. $(2; +\infty)$ B. $(-3; +\infty)$ C. $(3; +\infty)$ D. $(-2; +\infty)$

Câu 24 : Cho góc α thỏa mãn $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ và $\sin \alpha = \frac{1}{3}$. Khi đó $1 + \cos \alpha$ bằng:

- A. $\frac{\sqrt{8}}{3}$ B. $\frac{17}{9}$ C. $1 - \frac{2\sqrt{2}}{3}$ D. $-\frac{1}{9}$

Câu 25 : Biểu thức $f(x) = 3x + 5$ nhận giá trị dương khi và chỉ khi:

A. $x < -\frac{5}{3}$.

B. $x \geq -\frac{5}{3}$.

C. $x > -\frac{5}{3}$.

D. $x > \frac{5}{3}$.

II. PHẦN TỰ LUẬN (5 điểm).

Câu 1:(2đ) Giải các bất phương trình sau:

a) $\frac{x^2 - 9x + 14}{x^2 - 5x + 4} > 0$

b) $(2x + 1)(x^2 + x - 30) \geq 0$

Câu 2 : a) (1đ) Cho $\cos \alpha = \frac{4}{5}$, $270^\circ < \alpha < 360^\circ$. Tính $\sin \alpha$, $\cot \alpha$.

b) (0.5đ) Chứng minh rằng: $\frac{(\sin x + \cos x)^2 - 1}{\cot x - \sin x \cos x} = 2 \tan^2 x$ (các điều kiện của x đã được thỏa mãn).

Câu 3: a) (0.5đ) Tìm tâm và bán kính của đường tròn có phương trình $x^2 + y^2 - 4x - 2y = 0$.

b) (0.5đ) Trong mặt phẳng Oxy, cho đường tròn (C) có phương trình: $x^2 + y^2 - 4x + 8y - 5 = 0$
(1). Viết phương trình tiếp tuyến của đường tròn (1) tại A(-1;0).

c) (0.5đ) Cho A(3;1). Tìm điểm M nằm trên tia Ox thỏa mãn $MA = \sqrt{17}$.

----- Hết -----